

# ИСПИТ ИЗ ЕЛЕКТРОМАГНЕТИКЕ (ОТ)

23. септембар 2010.

**Напомене.** Испит траје 180 минута. Није дозвољено напуштање сале 60 минута од почетка испита. Писати искључиво хемијском оловком. Дозвољена је употреба непрограмабилних калкулатора. Питања радити искључиво на овоме папиру, а задатке искључиво у вежбаници. Коначне одговоре на питања и тражена извођења уписати у одговарајуће кућице, уцртати у дијаграме или заокружити понуђене одговоре. Одговори без извођења се неће признати. Вежбанка и овај папир се морају заједно предати. Свако питање носи по 5 поена, а задатак по 20 поена.

**Попунити податке о кандидату у следећој таблици. Исте податке написати и на омоту вежбanke.**

ПОДАЦИ О КАНДИДАТУ (попуњава кандидат)							КОЛОКВИЈУМ			
Индекс година/број		Презиме и име								
/							ИСПИТ			
1.	2.	3.	4.	5.	6.	Укупно	1.	2.	Укупно	УКУПНО ПОЕНА
										ОЦЕНА

## ПИТАЊА

1. Магнетски вектор потенцијал сталног магнетског поља, у Декартовом координатном систему, дат је изразом  $\mathbf{A}(x, y, z) = \frac{A_0}{a^2} xy \mathbf{i}_z$ , у домену  $-a \leq x, y, z \leq a$ , где су  $A_0$  и  $a$  позитивне константне величине. Средина је вакуум.

Одредити израз за: (а) густину запреминских струја и (б) вектор магнетске индукције.

(а)	(б)
-----	-----

2. У веома дугачком цилиндру, полуупречника  $a$ , постоји стационарна струја константне густине  $J$ , при чему је вектор густине струје паралелан изводници цилиндра. Цилиндар је испуњен линеарним материјалом чија специфична проводност мења као  $\sigma(z) = \sigma_0 \frac{z}{a}$ , где је  $\sigma_0$  константа,  $z$  координата у правцу и смеру струје, а пермитивност је  $\epsilon_0$ .

Одредити укупно наелектрисање у делу цилиндра ограничено базисима  $z = a$  и  $z = 2a$ .

--

3. У свакој тачки површи која ограничава један домен познати су комплексни вектори јачине електричног ( $\mathbf{E}$ ) и магнетског ( $\mathbf{H}$ ) поља. Одредити израз за активну снагу која улази у овај домен. Скицирати површ и назначити њен орт нормале.

--

4. Израчунати минимални и максимални интензитет простопериодичног вектора електричног поља датог комплексним изразом  $\underline{E} = (2\mathbf{i}_x + j2\mathbf{i}_y + (2+j)\mathbf{i}_z) \frac{\text{mV}}{\text{m}}$ .

(a)	(б)
-----	-----

5. Израчунати растојање које раван простопериодичан TEM талас, учестаности  $f = 10 \text{ MHz}$ , треба да пређе кроз добар немагнетски проводник, специфичне проводности  $\sigma = 64 \text{ MS/m}$  и пермитивности  $\epsilon_0$ , да би му се ефективна вредност електричног поља двоструко смањила.

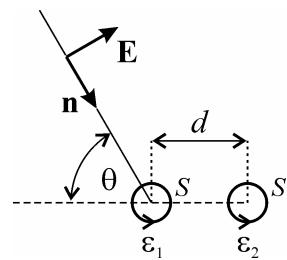
--

6. Са којим степеном растојања опада електрично поље антене у (а) блиској зони и (б) зони зрачења?

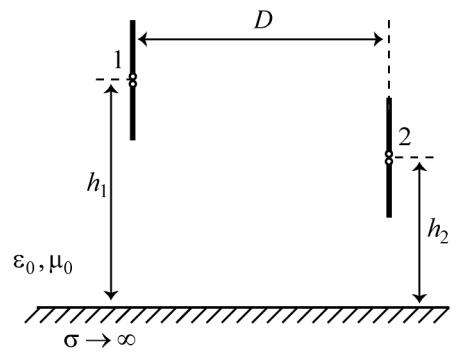
(а)	(б)
-----	-----

## ЗАДАЦИ

1. На две усамљене копланарне кружне жичане контуре у ваздуху наилази раван униформан простопериодичан TEM талас, под углом  $\theta = 60^\circ$  у односу на праву која спаја центре контура, као на слици. Контуре су једнаких површина  $S = 1 \text{ cm}^2$ , а њихови центри су на међусобном растојању  $d = 0,25 \text{ m}$ . Орт простирања  $\mathbf{n}$  и вектор јачине електричног поља  $\mathbf{E}$  таласа леже у равни контура. Ефективна вредност електромоторне силе индуковане у првој контури је  $\epsilon_1 = 0,5 \text{ mV}$ , а ова електромоторна сила, у односу на референтне смерове приказане на слици, фазно предњачи електромоторној сили,  $\epsilon_2$ , индукованој у другој контури, за  $\pi/4$ . Израчунати учестаност и ефективну вредност вектора јачине електричног поља овог таласа.



2. Два полуталасна дипола постављена су у ваздуху, паралелно један другом, као на слици. Диполи леже у равни која је нормална на савршено проводну раван. Први дипол се налази на висини  $h_1 = 3 \text{ m}$ , а други дипол на висини  $h_2 = 2 \text{ m}$ . Хоризонтално растојање између центара дипола је  $D = 5 \text{ m}$ . Први дипол се напаја из простопериодичног генератора учестаности  $f = 3 \text{ GHz}$ , снагом  $P_1 = 1 \text{ mW}$ . (а) Израчунати ефективну вредност индуковане електромоторне силе у другом диполу. (б) Скицирати како треба поставити други дипол, за дате вредности  $D$ ,  $h_1$ , и  $h_2$ , тако да се у њему индукује електромоторна сила потиче само од рефлексованог таласа.



**ОДГОВОРИ НА ПИТАЊА И РЕШЕЊА ЗАДАТАКА СА  
ИСПИТА ИЗ ЕЛЕКТРОМАГНЕТИКЕ (ОТ),  
ОДРЖАНОГ 23. СЕПТЕМБРА 2010. ГОДИНЕ**

**ПИТАЊА**

1. (а)  $\mathbf{J} = 0$ . (б)  $\mathbf{B} = \frac{A_0}{a^2} (x \mathbf{i}_x - y \mathbf{i}_y)$ .

2.  $Q = -\frac{\pi \epsilon_0 J a^2}{2\sigma_0}$ .

3.  $P = \operatorname{Re} \left\{ \oint_S (\underline{\mathbf{E}} \times \underline{\mathbf{H}}^*) \cdot (-dS \mathbf{n}) \right\}$ , где је  $\mathbf{n}$  нормала усмерена од површи.

4.  $E_{\min} = 2\sqrt{2}$  mV/m,  $E_{\max} = 3\sqrt{2}$  mV/m.

5.  $d = \frac{\ln 2}{\sqrt{\pi \mu_0 f \sigma}} = 13,79 \mu\text{m}$ .

6. (а)  $E \sim \frac{1}{r^3}$ , (б)  $E \sim \frac{1}{r}$ .

**ЗАДАЦИ**

1.  $f = 300 \text{ MHz}$ ,  $E = 0,796 \frac{\text{V}}{\text{m}}$ .

2. Применом теореме ликова утицај савршено проводне равни замењује се ликом предајне антене. Карактеристичне функције зрачења су  $F_1 = 0,972$  и  $F_2 = 0,628$ , а растојања  $r_1 = \sqrt{D^2 + (h_1 - h_2)^2} = 5,1 \text{ m}$  и  $r_2 = \sqrt{D^2 + (h_1 + h_2)^2} = 7,07 \text{ m}$ .

(а) Индукована електромоторна сила је  $\underline{\varepsilon} = \frac{\lambda}{\pi} \mathbf{E} \cdot \mathbf{F} = \frac{\lambda}{\pi} j \frac{Z_0}{2\pi} \sqrt{\frac{P_1}{R_z}} \left( \frac{e^{-j\beta r_1}}{r_1} F_1^2 + \frac{e^{-j\beta r_2}}{r_2} F_2^2 \right)$ , а њена ефективна вредност је  $\varepsilon = 1,33 \text{ mV}$ . (б) Пријемну антenu је потребно поставити дуж правца из кога наилази директни талас, као на слици.

